

数 学 (一期B)

1 次の にあてはまる数または式を求めよ。

(1) $(a^2 + a + 1)(a^2 + a - 1)$ を展開して整理すると ① である。

また, $3x^2 - y^2 + 2xy - 14x + 6y - 5$ を因数分解すると ② である。

(2) $1 < a < 5$ のとき, $|a + 1| + |a - 5|$ を計算して簡単にすると ③

である。また, $a < 3$ のとき, $\sqrt{a^2 - 6a + 9}$ の根号を外すと ④

である。

(3) 不等式 $3 - 2x < 3x - 7 \leq \frac{1}{2}(x + 5)$ を解くと ⑤ $< x \leq$ ⑥

である。

(4) 実数全体を全体集合とし, その部分集合 A, B を $A = \{x \mid -1 \leq x \leq 4\}$,

$B = \{x \mid x < 2, 6 < x\}$ とするとき, $A \cup B = \left\{ x \mid \text{⑦} \right\}$ であり,

$\bar{A} \cap \bar{B} = \left\{ x \mid \text{⑧} \right\}$ である。

(ただし, ⑦ と ⑧ はともに, x の値の範囲を答えよ。)

(5) $0 \leq x \leq a$ における関数 $f(x) = -x^2 + 2x + 3$ の最小値を求めると,

$0 \leq a \leq$ ⑨ のとき最小値 3, ⑨ $< a$ のとき最小値 $-a^2 + 2a + 3$

である。

2

次の にあてはまる数を求めよ。

- (1) $45^\circ \leq \theta \leq 150^\circ$ とするとき、 $\sin \theta$ のとり得る値の範囲は

$$\frac{1}{2} \leq \sin \theta \leq \text{⑩} \quad \text{であり、} \cos \theta \text{ のとり得る値の範囲は}$$

$$-\frac{\sqrt{3}}{2} \leq \cos \theta \leq \text{⑪} \quad \text{である。ただし、答えの分母は有理化すること。}$$

- (2) $\sin 15^\circ \cos 105^\circ + \sin 75^\circ \cos 165^\circ$ の値を求めると ⑫ であり、

$$2(\tan 15^\circ \tan 105^\circ) + 3(\tan 125^\circ \tan 145^\circ)$$
 の値を求めると ⑬ である。

- (3) 次の 5 つのデータの分散を求めると ⑭ である。

3, 10, 7, 4, 6

- (4) 10 進数 54 を 2 進法で表すと ⑮ であり、2 進数 $110101_{(2)}$ を

$$8 \text{ 進法で表すと } \text{⑯} \text{ である。}$$

- (5) O, N, L, I, N, E の 6 文字がある。この文字全部を使って左から右に

1 列に並べるとき、できる文字列は ⑰ 通りある。また、この文字

全部を使って左から右に 1 列に並べるとき、できる文字列のうち、O, L, E

がこの順に並ぶ文字列は ⑱ 通りある。

3

次の にあてはまる数または記号を書け。

- (1) 袋 A の中には当たりの球が 3 個、はずれの球が 7 個入っており、袋 B の中には当たりの球が 3 個、はずれの球が 2 個入っているとす。袋 A, B から球を同時に 1 個ずつ取り出すとき、取り出した 2 個の球が両方とも当たりの球である確率は ⑲ であり、少なくとも 1 つの球が当たりの球である確率は ⑳ である。

- (2) 空間内の直線 l 、および異なる 3 平面 α, β, γ について、 $l \perp \alpha, l \perp \beta$ のとき、平面 α と平面 β の位置関係は α ㉑ β である。また、 $\alpha \parallel \beta, \beta \perp \gamma$ のとき、平面 α と平面 γ の位置関係は α ㉒ γ である。
(ただし、 ㉑ と ㉒ に入る記号は、以下の記号の中から 1 つずつ選ぶこと。)

$$\equiv, =, \perp, \parallel, \infty$$

- (3) n を自然数とする。 $n^3 + 3n^2 + n + 7$ を $n + 3$ で割ったときの余りを求めると、 $n =$ ㉓ のとき余り 0、 $n \geq$ ㉔ のとき余り 4 である。(ただし、 ㉔ は、自然数で答えよ。)
- (4) n を自然数とする。 $n \leq 30$ であり、 $8n + 2$ と $7n + 3$ の最大公約数が 5 となる n の値をすべて求めると ㉕ である。
また、 m を自然数とする。このとき、 $m^2 + 8m + 19$ と $m + 3$ の最大公約数になり得る数をすべて求めると ㉖ である。

4

次の3つの2次不等式について、以下の問いに答えよ。

$$x^2 + x - 6 > 0, \quad x^2 + 6x + 3 \leq 0, \quad x^2 + (6 - a)x - 6a < 0$$

【注意】解答欄には結果（答えの数値や数式）だけでなく、解答の過程（途中式や説明の文章など）も記述すること。

(1) 2次不等式 $x^2 + x - 6 > 0$ を解け。

(2) 2次不等式 $x^2 + 6x + 3 \leq 0$ を解け。

(3) 次の連立不等式を解け。

$$\begin{cases} x^2 + x - 6 > 0 \\ x^2 + 6x + 3 \leq 0 \end{cases}$$

(4) $x^2 + x - 6 > 0$, $x^2 + 6x + 3 \leq 0$, $x^2 + (6 - a)x - 6a < 0$ の3つの不等式を同時に満たす整数 x がちょうど2個だけあるような定数 a の値の範囲を求めよ。